

# STATISTICA

---

VERIFICA D'IPOTESI – 3: Due campioni indipendenti

Da ottobre 2018 parte **il Censimento permanente della popolazione e delle abitazioni**. Per la prima volta l'Istat rileva, con un cadenza annuale e non più decennale, le principali caratteristiche della popolazione dimorante sul territorio e le sue condizioni sociali ed economiche a livello nazionale, regionale e locale.

Il nuovo Censimento permanente della popolazione e delle abitazioni non coinvolge tutte le famiglie italiane, ma ogni anno **un campione** di esse: circa un milione e 400 mila famiglie, residenti in 2.800 comuni italiani.

Inoltre, solo una parte dei comuni (circa 1.100) è interessata ogni anno dalle operazioni censuarie, mentre la restante è chiamata a partecipare una volta ogni 4 anni. In questo modo, entro il 2021, tutti i comuni partecipano, almeno una volta, alle rilevazioni censuarie.

**Grazie all'uso integrato di rilevazioni statistiche campionarie e dati provenienti da fonti amministrative, il Censimento permanente è in grado di restituire annualmente informazioni che rappresentano l'intera popolazione, ma anche di contenere i costi e il disturbo statistico sulle famiglie. Informazioni necessarie ai decisori pubblici (Stato, Regione, Provincia, Comune), alle imprese, alle associazioni di categoria, a enti e organismi che le utilizzano per programmare in modo ragionato, pianificare attività e progetti, erogare servizi ai cittadini italiani e agli stranieri che vivono in Italia e monitorare politiche e interventi sul territorio.** A partire dall'anno 2021, con cadenza quinquennale, la popolazione legale sarà determinata con decreto del Presidente della Repubblica sulla base dei risultati del Censimento permanente della popolazione.

# Due campioni **indipendenti**

Confrontiamo la spesa media annua per riparazioni dell'auto **tra uomini e donne**

Confrontiamo la longevità **tra una popolazione isolana e una continentale**

Confrontiamo l'effetto di un farmaco **tra il gruppo del trattamento e quello del placebo**

Confrontiamo il diametro delle uova deposte dai cuculi di Darwin **in nidi di scricciolo o in nidi di pettirosso**

Confrontiamo il numero di incidenti in autostrada **con o senza tutor**

# Verifica d'ipotesi: $p_1$ e $p_2$

$(X_1, \dots, X_{n_1})$  campione aleatorio  $bern(p_1)$  ( $n_1 p_1 \geq 5$  ecc.)

$(Y_1, \dots, Y_{n_2})$  campione aleatorio  $bern(p_2)$  ( $n_2 p_2 \geq 5$  ecc.)

$H_0/H_1$

Rifiutiamo  $H_0$  se:

$$p_1 = p_2$$

$$p_1 \neq p_2$$

$$\left| \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} \right| > z_{1-\frac{\alpha}{2}}$$

$$p_1 = p_2$$

$$p_1 > p_2$$

$$\frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} > z_{1-\alpha}$$

$$p_1 = p_2$$

$$p_1 < p_2$$

$$\frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\bar{p}(1-\bar{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} < -z_{1-\alpha}$$

# Verifica d'ipotesi: $\mu_1$ e $\mu_2$

$(X_1, \dots, X_{n_1})$  campione aleatorio, ??? ma  $n_1 > 30$

$(Y_1, \dots, Y_{n_2})$  campione aleatorio, ??? ma  $n_2 > 30$

$$\sigma_1^2 = \sigma_2^2$$

**non**

**note**

$H_0/H_1$

Rifiutiamo  $H_0$  se:

$$\begin{array}{l} \mu_1 = \mu_2 \\ \mu_1 \neq \mu_2 \end{array} \quad \left| \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s_p^2 \times \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} \right| > t(n_1 + n_2 - 2)_{1-\frac{\alpha}{2}}$$

$$\begin{array}{l} \mu_1 = \mu_2 \\ \mu_1 > \mu_2 \end{array} \quad \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s_p^2 \times \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} > t(n_1 + n_2 - 2)_{1-\alpha}$$

$$\mu_1 = \mu_2$$

$$\mu_1 < \mu_2$$

...

## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

$$\begin{array}{ccc} (X_1, \dots, X_{n_1}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_1, \sigma^2) & & (Y_1, \dots, Y_{n_2}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_2, \sigma^2) \\ \text{"sportivi"} & \boxed{\text{camp. indep.}} & \text{"sedentari"} \end{array}$$

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 \quad H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$$

## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

$$(X_1, \dots, X_{n_1}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_1, \sigma^2)$$

“sportivi”

$$(Y_1, \dots, Y_{n_2}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_2, \sigma^2)$$

“sedentari”

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 \quad H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$$

$$s_p^2 = \frac{49 \times 2.5^2 + 34 \times 3.2^2}{50 + 35 - 2} = 7.88$$



## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

$$(X_1, \dots, X_{n_1}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_1, \sigma^2)$$

“sportivi”

$$(Y_1, \dots, Y_{n_2}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_2, \sigma^2)$$

“sedentari”

$$s_p^2 = 7.88$$

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 \quad H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$$

$$\left| \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} \right| = \frac{|71.2 - 70|}{\sqrt{\frac{7.88}{50} + \frac{7.88}{35}}} = 1.94$$

## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

$$(X_1, \dots, X_{n_1}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_1, \sigma^2)$$

“sportivi”

$$(Y_1, \dots, Y_{n_2}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_2, \sigma^2)$$

“sedentari”

$$s_p^2 = 7.88 \quad H_0 : \mu_1 = \mu_2 \quad H_1 : \mu_1 \neq \mu_2 \quad \alpha = 0.05$$

$$\left| \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} \right| = \frac{|71.2 - 70|}{\sqrt{\frac{7.88}{50} + \frac{7.88}{35}}} = 1.94 \quad t(83)_{0.975} \approx 1.9901$$

## Esempio 2

Il peso medio di un campione di 50 studenti che dichiarano di svolgere **molta attività fisica** (almeno 3 ore di palestra/allenamento sportivo a settimana) è di 71.2 kg con dev. standard di 2.5 kg.

Il peso medio di un campione di 35 studenti che dichiarano **vita sedentaria** (meno di 1 ora...) hanno un peso medio di 70 kg con dev. standard di 3.2 kg.

Sottoporre a verifica l'ipotesi nulla che lo sport non abbia effetto sul peso.

$$(X_1, \dots, X_{n_1}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_1, \sigma^2)$$

“sportivi”

$$(Y_1, \dots, Y_{n_2}) \text{ i.i.d. } \sim N(\mu_2, \sigma^2)$$

“sedentari”

$$s_p^2 = 7.88$$

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 \quad H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\left| \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} \right| = \frac{|71.2 - 70|}{\sqrt{\frac{7.88}{50} + \frac{7.88}{35}}} = 1.94 < t(83)_{0.975} \approx 1.9901$$

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

- a) in quale dei due gruppi la variabilità campionaria del QI è maggiore?
- b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

- a) in quale dei due gruppi la variabilità campionaria del QI è maggiore?
- b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

$$\text{a) U : } \frac{s_U}{\bar{x}_U} = \frac{\sqrt{624.31}}{115} = 0.217, \quad \text{D: } \frac{s_D}{\bar{x}_D} = \frac{\sqrt{561.04}}{111.9} = 0.211$$

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

due campioni indipendenti

$$H_0 : \mu_U = \mu_D \quad H_1 : \mu_U > \mu_D$$

$X_i \sim \mathbf{N}(\mu_U, \sigma^2)$  QI uomini

$Y_i \sim \mathbf{N}(\mu_D, \sigma^2)$  QI donne

$$\bar{x}_U = 115 > \bar{x}_D = 111.9 \Rightarrow \text{test}$$

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

due campioni indipendenti

$$H_0 : \mu_U = \mu_D \quad H_1 : \mu_U > \mu_D$$

$X_i \sim \mathbf{N}(\mu_U, \sigma^2)$  QI uomini

$Y_i \sim \mathbf{N}(\mu_D, \sigma^2)$  QI donne

$$s_p^2 = \frac{19 \times 624.31 + 19 \times 561.04}{20 + 20 - 2} = 592.675 \quad (\text{a metà tra le due})$$

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

$$H_0 : \mu_U = \mu_D \quad H_1 : \mu_U > \mu_D$$

$$s_p^2 = 592.675$$

$$\frac{\bar{x}_U - \bar{x}_D}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} = \frac{115 - 111.9}{\sqrt{\frac{592.675 \times 2}{20}}} = 0.40$$



## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

$$H_0 : \mu_U = \mu_D \quad H_1 : \mu_U > \mu_D$$

$$s_p^2 = 592.675$$

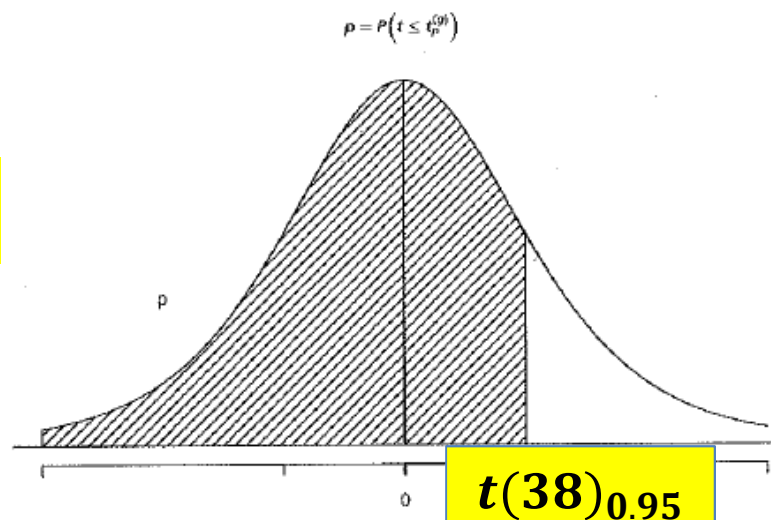
$$\frac{\bar{x}_U - \bar{x}_D}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} = \frac{115 - 111.9}{\sqrt{\frac{592.675 \times 2}{20}}} = 0.40$$

a)  $\alpha = 0.05 \Rightarrow t(20 + 20 - 2)_{0.95} = 1.686$

$$t(20 + 20 - 2)_{0.95} = 1.686$$

$$t(40)_{0.95} = 1.684$$

$$z_{0.95} = 1.645$$



| n   | p | 0.75    | 0.90    | 0.95    | 0.975    | 0.99     | 0.995    | 0.9995    |
|-----|---|---------|---------|---------|----------|----------|----------|-----------|
| 1   |   | 1.00000 | 3.07768 | 6.31375 | 12.70620 | 31.82052 | 63.65674 | 636.61925 |
| 2   |   | 0.81650 | 1.88562 | 2.91999 | 4.30265  | 6.96456  | 9.92484  | 31.59905  |
| 3   |   | 0.76489 | 1.63775 | 2.35338 | 3.18245  | 4.54070  | 5.84091  | 12.92398  |
| 4   |   | 0.74070 | 1.53321 | 2.13185 | 2.77645  | 3.74695  | 4.60410  | 8.61030   |
| 5   |   | 0.72669 | 1.47588 | 2.01505 | 2.57058  | 3.36493  | 4.03216  | 6.86883   |
| 6   |   | 0.71756 | 1.43976 | 1.94318 | 2.44691  | 3.14267  | 3.70743  | 5.95882   |
| 7   |   | 0.71114 | 1.41492 | 1.89458 | 2.36462  | 2.99795  | 3.49948  | 5.40790   |
| 8   |   | 0.70639 | 1.39682 | 1.85955 | 2.30600  | 2.89646  | 3.35539  | 5.04131   |
| 9   |   | 0.70272 | 1.38303 | 1.83311 | 2.26216  | 2.82144  | 3.24984  | 4.78091   |
| 10  |   | 0.69981 | 1.37218 | 1.81246 | 2.22814  | 2.76377  | 3.16927  | 4.58689   |
| 11  |   | 0.69745 | 1.36343 | 1.79588 | 2.20099  | 2.71808  | 3.10581  | 4.43698   |
| 12  |   | 0.69548 | 1.35622 | 1.78229 | 2.17881  | 2.68100  | 3.05454  | 4.31779   |
| 13  |   | 0.69383 | 1.35017 | 1.77093 | 2.16037  | 2.65031  | 3.01228  | 4.22083   |
| 14  |   | 0.69242 | 1.34503 | 1.76131 | 2.14479  | 2.62449  | 2.97684  | 4.14045   |
| 15  |   | 0.69120 | 1.34061 | 1.75305 | 2.13145  | 2.60248  | 2.94671  | 4.07277   |
| 16  |   | 0.69013 | 1.33676 | 1.74588 | 2.11991  | 2.58349  | 2.92078  | 4.01500   |
| 17  |   | 0.68920 | 1.33338 | 1.73961 | 2.10982  | 2.56693  | 2.89823  | 3.96513   |
| 18  |   | 0.68836 | 1.33039 | 1.73406 | 2.10092  | 2.55238  | 2.87844  | 3.92165   |
| 19  |   | 0.68762 | 1.32773 | 1.72913 | 2.09302  | 2.53948  | 2.86093  | 3.88341   |
| 20  |   | 0.68695 | 1.32534 | 1.72472 | 2.08596  | 2.52798  | 2.84534  | 3.84952   |
| 21  |   | 0.68635 | 1.32319 | 1.72074 | 2.07961  | 2.51765  | 2.83136  | 3.81928   |
| 22  |   | 0.68581 | 1.32124 | 1.71714 | 2.07387  | 2.50832  | 2.81876  | 3.79213   |
| 23  |   | 0.68531 | 1.31946 | 1.71387 | 2.06866  | 2.49987  | 2.80734  | 3.76763   |
| 24  |   | 0.68485 | 1.31784 | 1.71088 | 2.06390  | 2.49216  | 2.79694  | 3.74540   |
| 25  |   | 0.68443 | 1.31635 | 1.70814 | 2.05954  | 2.48511  | 2.78744  | 3.72514   |
| 26  |   | 0.68404 | 1.31497 | 1.70562 | 2.05553  | 2.47863  | 2.77871  | 3.70661   |
| 27  |   | 0.68368 | 1.31370 | 1.70329 | 2.05183  | 2.47266  | 2.77068  | 3.68959   |
| 28  |   | 0.68335 | 1.31253 | 1.70113 | 2.04841  | 2.46714  | 2.76326  | 3.67391   |
| 29  |   | 0.68304 | 1.31143 | 1.69913 | 2.04523  | 2.46202  | 2.75639  | 3.65941   |
| 30  |   | 0.68276 | 1.31042 | 1.69726 | 2.04227  | 2.45726  | 2.75000  | 3.64596   |
| 40  |   | 0.68067 | 1.30308 | 1.68385 | 2.02108  | 2.42326  | 2.70446  | 3.55097   |
| 60  |   | 0.67860 | 1.29582 | 1.67065 | 2.00030  | 2.39012  | 2.66028  | 3.46020   |
| 120 |   | 0.67654 | 1.28865 | 1.65765 | 1.97993  | 2.35782  | 2.61742  | 3.37345   |
| ∞   |   | 0.67449 | 1.28155 | 1.64485 | 1.95996  | 2.32635  | 2.57583  | 3.29053   |

Tabella A3. - Tavola della t di Student. La tavola restituisce i valori di  $t_p^{(g)}$  dove g sono i gradi di libertà. Si tenga sempre conto della relazione  $t_p^{(g)} = -t_{1-p}^{(g)}$ .

## Esercizio 2

Durante uno studio sul quoziente intellettivo un gruppo di 20 uomini scelti a caso ed uno di 20 donne scelte a caso sono stati sottoposti ad un test per la misura del QI ottenendo i seguenti punteggi medi:  $\bar{x}_U = 115$  e  $\bar{x}_D = 111.9$ , con le rispettive varianze:  $s_U^2 = 624.31$  e  $s_D^2 = 561.04$ .

b) C'è abbastanza evidenza nei dati per poter affermare che gli uomini hanno un QI medio superiore a quello delle donne?

$$H_0 : \mu_U = \mu_D \quad H_1 : \mu_U > \mu_D$$

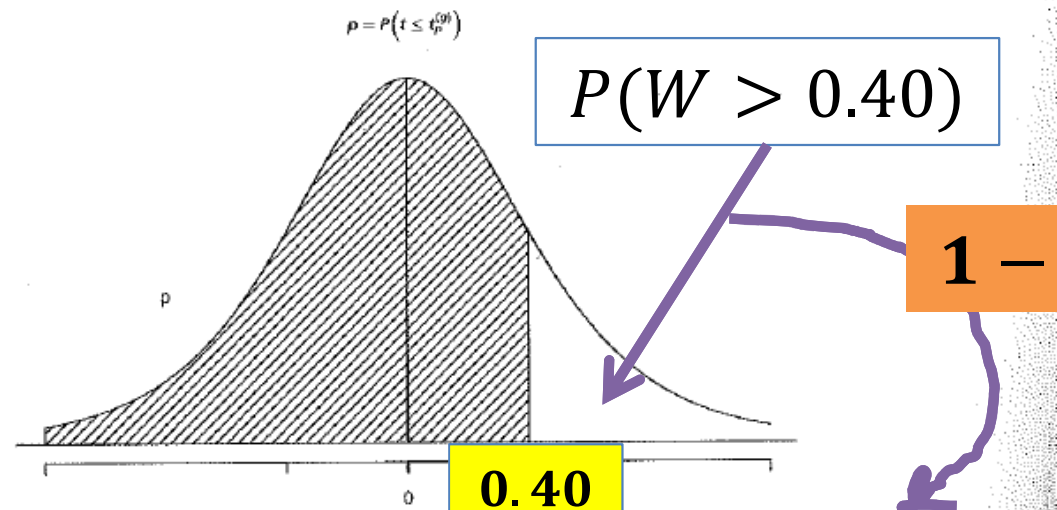
$$s_p^2 = 592.675$$

$$\frac{\bar{x}_U - \bar{x}_D}{\sqrt{s_p^2 \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}} = \frac{115 - 111.9}{\sqrt{\frac{592.675 \times 2}{20}}} = 0.40$$

b)  $p$  – valore :  $P(W > 0.40)$  con  $W \sim t(38)$

$$\Rightarrow P(W > 0.40) = 0.3457$$

Con riferimento a  $t(40)$ :



| p   | 0.75    | 0.90    | 0.95    | 0.975    | 0.99     | 0.995    | 0.9995    |
|-----|---------|---------|---------|----------|----------|----------|-----------|
| 1   | 1.00000 | 3.07768 | 6.31375 | 12.70620 | 31.82052 | 63.65674 | 636.61925 |
| 2   | 0.81650 | 1.88562 | 2.91999 | 4.30265  | 6.96456  | 9.92484  | 31.59905  |
| 3   | 0.76489 | 1.63775 | 2.35338 | 3.18245  | 4.54070  | 5.84091  | 12.92398  |
| 4   | 0.74070 | 1.53321 | 2.13185 | 2.77645  | 3.74695  | 4.60410  | 8.61030   |
| 5   | 0.72669 | 1.47588 | 2.01505 | 2.57058  | 3.36493  | 4.03216  | 6.86883   |
| 6   | 0.71756 | 1.43976 | 1.94318 | 2.44691  | 3.14267  | 3.70743  | 5.95882   |
| 7   | 0.71114 | 1.41492 | 1.89458 | 2.36462  | 2.99795  | 3.49948  | 5.40790   |
| 8   | 0.70639 | 1.39682 | 1.85955 | 2.30600  | 2.89646  | 3.35539  | 5.04131   |
| 9   | 0.70272 | 1.38303 | 1.83311 | 2.26216  | 2.82144  | 3.24984  | 4.78091   |
| 10  | 0.69981 | 1.37218 | 1.81246 | 2.22814  | 2.76377  | 3.16927  | 4.58689   |
| 11  | 0.69745 | 1.36343 | 1.79588 | 2.20099  | 2.71808  | 3.10581  | 4.43698   |
| 12  | 0.69548 | 1.35622 | 1.78229 | 2.17881  | 2.68100  | 3.05454  | 4.31779   |
| 13  | 0.69383 | 1.35017 | 1.77093 | 2.16037  | 2.65031  | 3.01228  | 4.22083   |
| 14  | 0.69242 | 1.34503 | 1.76131 | 2.14479  | 2.62449  | 2.97684  | 4.14045   |
| 15  | 0.69120 | 1.34061 | 1.75305 | 2.13145  | 2.60248  | 2.94671  | 4.07277   |
| 16  | 0.69013 | 1.33676 | 1.74588 | 2.11991  | 2.58349  | 2.92078  | 4.01500   |
| 17  | 0.68920 | 1.33338 | 1.73961 | 2.10982  | 2.56693  | 2.89823  | 3.96513   |
| 18  | 0.68836 | 1.33039 | 1.73406 | 2.10092  | 2.55238  | 2.87844  | 3.92165   |
| 19  | 0.68762 | 1.32773 | 1.72913 | 2.09302  | 2.53948  | 2.86093  | 3.88341   |
| 20  | 0.68695 | 1.32534 | 1.72472 | 2.08596  | 2.52798  | 2.84534  | 3.84952   |
| 21  | 0.68635 | 1.32319 | 1.72074 | 2.07961  | 2.51765  | 2.83136  | 3.81928   |
| 22  | 0.68581 | 1.32124 | 1.71714 | 2.07387  | 2.50832  | 2.81876  | 3.79213   |
| 23  | 0.68531 | 1.31946 | 1.71387 | 2.06866  | 2.49987  | 2.80734  | 3.76763   |
| 24  | 0.68485 | 1.31784 | 1.71088 | 2.06390  | 2.49216  | 2.79694  | 3.74540   |
| 25  | 0.68443 | 1.31635 | 1.70814 | 2.05954  | 2.48511  | 2.78744  | 3.72514   |
| 26  | 0.68404 | 1.31497 | 1.70562 | 2.05553  | 2.47863  | 2.77871  | 3.70661   |
| 27  | 0.68368 | 1.31370 | 1.70329 | 2.05183  | 2.47266  | 2.77068  | 3.68959   |
| 28  | 0.68335 | 1.31253 | 1.70113 | 2.04841  | 2.46714  | 2.76326  | 3.67391   |
| 29  | 0.68304 | 1.31143 | 1.69913 | 2.04523  | 2.46202  | 2.75639  | 3.65941   |
| 30  | 0.68276 | 1.31042 | 1.69726 | 2.04227  | 2.45726  | 2.75000  | 3.64596   |
| 40  | 0.68067 | 1.30308 | 1.68385 | 2.02108  | 2.42326  | 2.70446  | 3.55097   |
| 60  | 0.67860 | 1.29582 | 1.67065 | 2.00030  | 2.39012  | 2.66028  | 3.46020   |
| 120 | 0.67654 | 1.28865 | 1.65765 | 1.97993  | 2.35782  | 2.61742  | 3.37345   |
| ∞   | 0.67449 | 1.28155 | 1.64485 | 1.95996  | 2.32635  | 2.57583  | 3.29053   |

Tabella A3. - Tavola della  $t$  di Student. La tavola restituisce i valori di  $t_p^{(g)}$  dove  $g$  sono i gradi di libertà. Si tenga sempre conto della relazione  $t_p^{(g)} = -t_{1-p}^{(g)}$ .

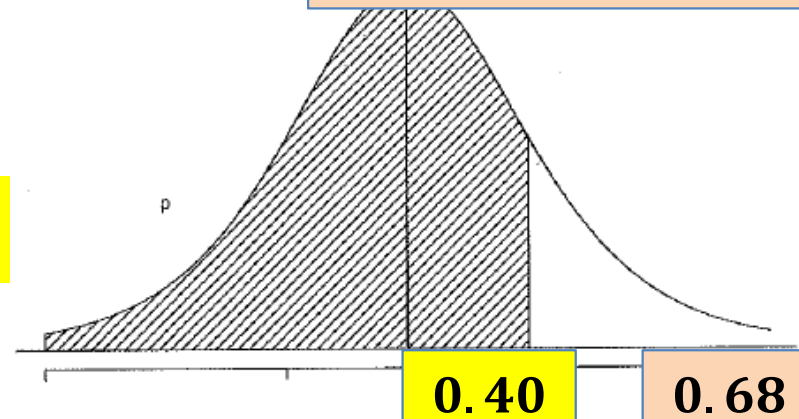
Con riferimento a  $t(40)$ :

$$P(W > 0.68) > P(W > 0.40)$$

$$P(W > 0.40) > 0.25$$

**p-valore** > 0.25,  
quindi **non** si può  
rifiutare l'ipotesi  
nulla che QI uomini  
= QI donne, in  
media

$$P(W > 0.68) = 1 - 0.75$$



| n   | p | 0.75    | 0.90    | 0.95    | 0.975    | 0.99     | 0.995    | 0.9995    |
|-----|---|---------|---------|---------|----------|----------|----------|-----------|
| 1   |   | 1.00000 | 3.07768 | 6.31375 | 12.70620 | 31.82052 | 63.65674 | 636.61925 |
| 2   |   | 0.81650 | 1.88562 | 2.91999 | 4.30265  | 6.96456  | 9.92484  | 31.59905  |
| 3   |   | 0.76489 | 1.63775 | 2.35338 | 3.18245  | 4.54070  | 5.84091  | 12.92398  |
| 4   |   | 0.74070 | 1.53321 | 2.13185 | 2.77645  | 3.74695  | 4.60410  | 8.61030   |
| 5   |   | 0.72669 | 1.47588 | 2.01505 | 2.57058  | 3.36493  | 4.03216  | 6.86883   |
| 6   |   | 0.71756 | 1.43976 | 1.94318 | 2.44691  | 3.14267  | 3.70743  | 5.95882   |
| 7   |   | 0.71114 | 1.41492 | 1.89458 | 2.36462  | 2.99795  | 3.49948  | 5.40790   |
| 8   |   | 0.70639 | 1.39682 | 1.85955 | 2.30600  | 2.89646  | 3.35539  | 5.04131   |
| 9   |   | 0.70272 | 1.38303 | 1.83311 | 2.26216  | 2.82144  | 3.24984  | 4.78091   |
| 10  |   | 0.69981 | 1.37218 | 1.81246 | 2.22814  | 2.76377  | 3.16927  | 4.58689   |
| 11  |   | 0.69745 | 1.36343 | 1.79588 | 2.20099  | 2.71808  | 3.10581  | 4.43698   |
| 12  |   | 0.69548 | 1.35622 | 1.78229 | 2.17881  | 2.68100  | 3.05454  | 4.31779   |
| 13  |   | 0.69383 | 1.35017 | 1.77093 | 2.16037  | 2.65031  | 3.01228  | 4.22083   |
| 14  |   | 0.69242 | 1.34503 | 1.76131 | 2.14479  | 2.62449  | 2.97684  | 4.14045   |
| 15  |   | 0.69120 | 1.34061 | 1.75305 | 2.13145  | 2.60248  | 2.94671  | 4.07277   |
| 16  |   | 0.69013 | 1.33676 | 1.74588 | 2.11991  | 2.58349  | 2.92078  | 4.01500   |
| 17  |   | 0.68920 | 1.33338 | 1.73961 | 2.10982  | 2.56693  | 2.89823  | 3.96513   |
| 18  |   | 0.68836 | 1.33039 | 1.73406 | 2.10092  | 2.55238  | 2.87844  | 3.92165   |
| 19  |   | 0.68762 | 1.32773 | 1.72913 | 2.09302  | 2.53948  | 2.86093  | 3.88341   |
| 20  |   | 0.68695 | 1.32534 | 1.72472 | 2.08596  | 2.52798  | 2.84534  | 3.84952   |
| 21  |   | 0.68635 | 1.32319 | 1.72074 | 2.07961  | 2.51765  | 2.83136  | 3.81928   |
| 22  |   | 0.68581 | 1.32124 | 1.71714 | 2.07387  | 2.50832  | 2.81876  | 3.79213   |
| 23  |   | 0.68531 | 1.31946 | 1.71387 | 2.06866  | 2.49987  | 2.80734  | 3.76763   |
| 24  |   | 0.68485 | 1.31784 | 1.71088 | 2.06390  | 2.49216  | 2.79694  | 3.74540   |
| 25  |   | 0.68443 | 1.31635 | 1.70814 | 2.05954  | 2.48511  | 2.78744  | 3.72514   |
| 26  |   | 0.68404 | 1.31497 | 1.70562 | 2.05553  | 2.47863  | 2.77871  | 3.70661   |
| 27  |   | 0.68368 | 1.31370 | 1.70329 | 2.05183  | 2.47266  | 2.77068  | 3.68959   |
| 28  |   | 0.68335 | 1.31253 | 1.70113 | 2.04841  | 2.46714  | 2.76326  | 3.67391   |
| 29  |   | 0.68304 | 1.31143 | 1.69913 | 2.04523  | 2.46202  | 2.75639  | 3.65941   |
| 30  |   | 0.68276 | 1.31042 | 1.69726 | 2.04227  | 2.45726  | 2.75000  | 3.64596   |
| 40  |   | 0.68067 | 1.30308 | 1.68385 | 2.02108  | 2.42326  | 2.70446  | 3.55097   |
| 60  |   | 0.67860 | 1.29582 | 1.67065 | 2.00030  | 2.39012  | 2.66028  | 3.46020   |
| 120 |   | 0.67654 | 1.28865 | 1.65765 | 1.97993  | 2.35782  | 2.61742  | 3.37345   |
| ∞   |   | 0.67449 | 1.28155 | 1.64485 | 1.95996  | 2.32635  | 2.57583  | 3.29053   |

Tabella A3. - Tavola della  $t$  di Student. La tavola restituisce i valori di  $t_p^{(g)}$  dove  $g$  sono i gradi di libertà. Si tenga sempre conto della relazione  $t_p^{(g)} = -t_{1-p}^{(g)}$ .