

# ESERCIZI

---

2 - Descrittiva

# (\*) da lez. 19/04

Tabella 2.12(a)

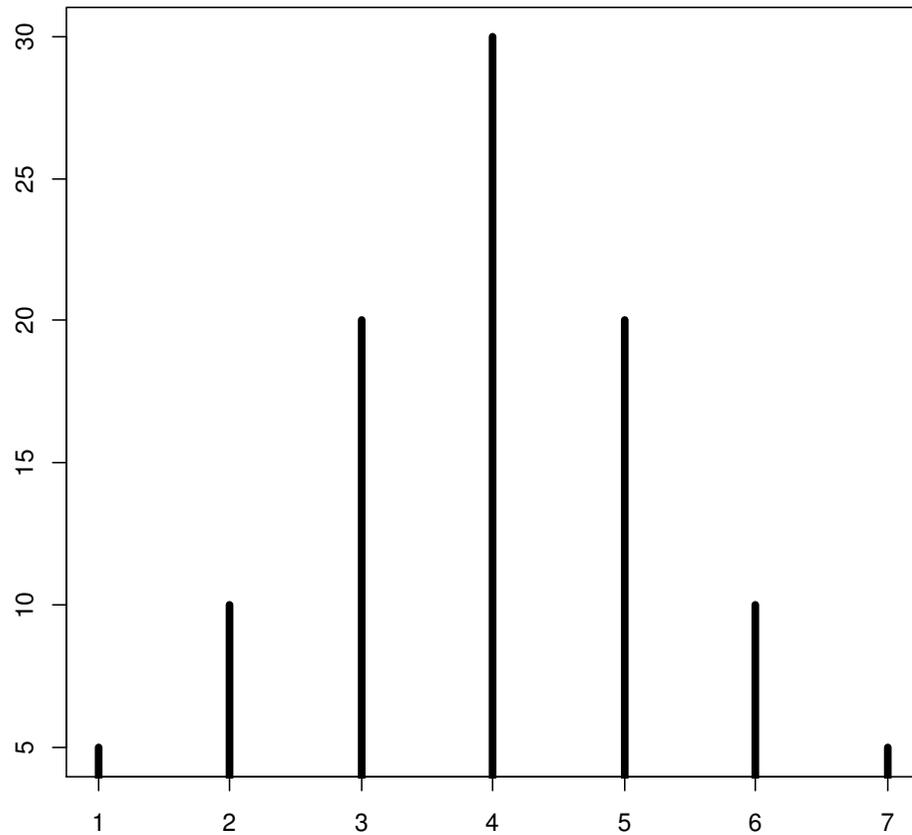
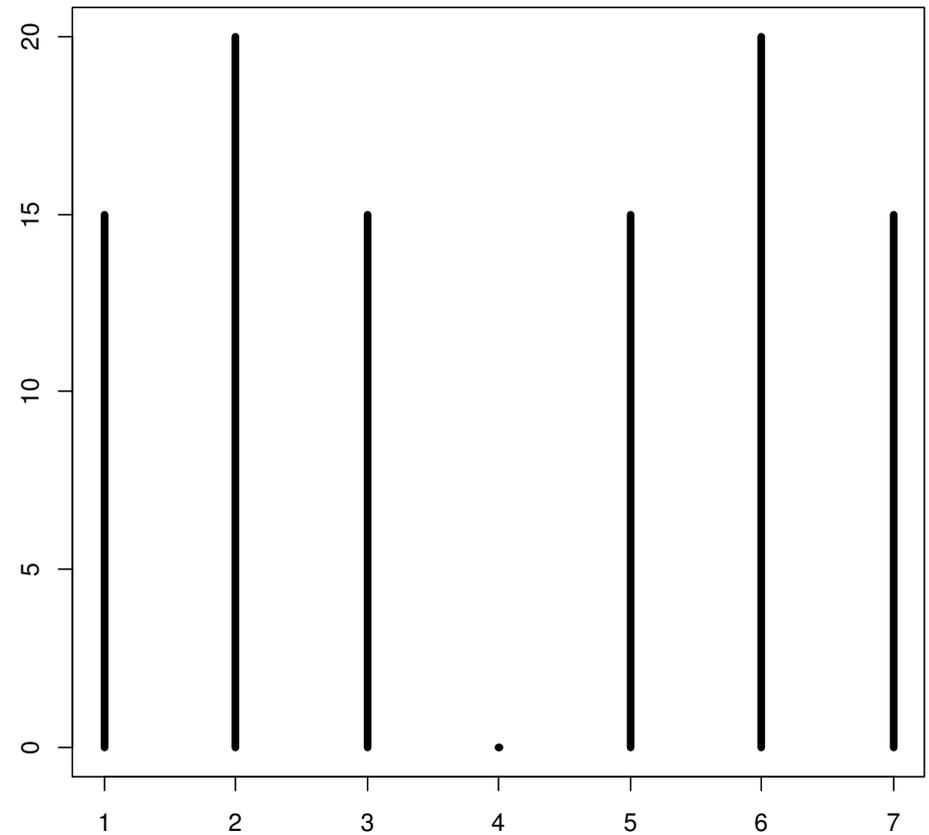


Tabella 2.12(b)



$$\bar{x} = 4$$

mediane pari a 4

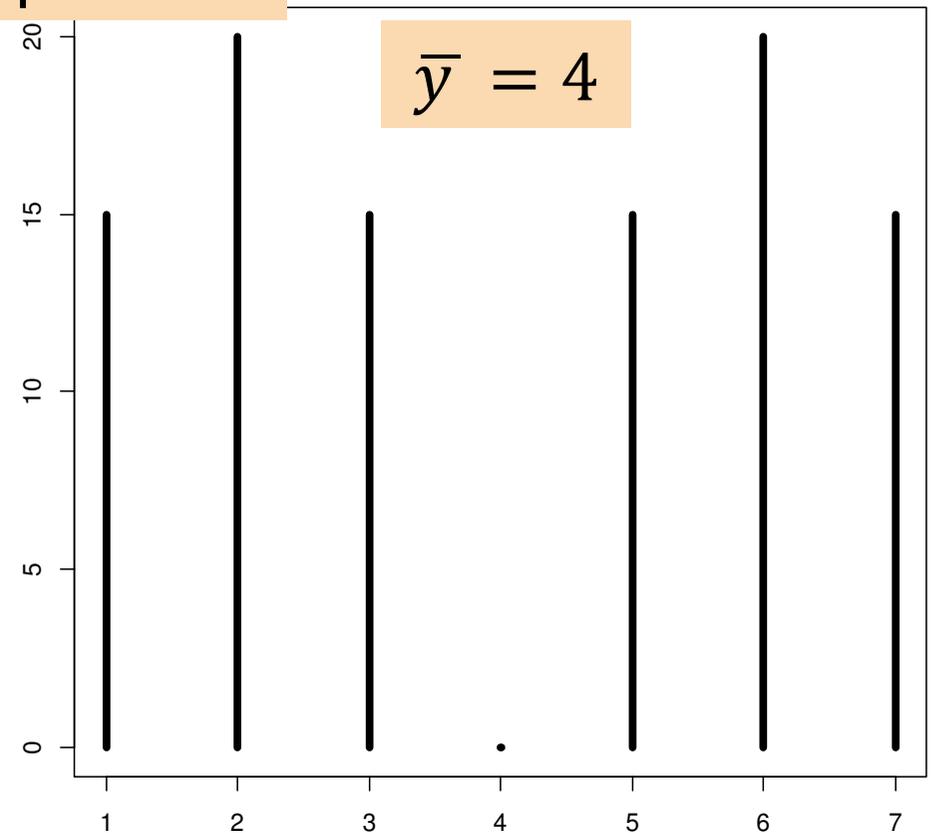
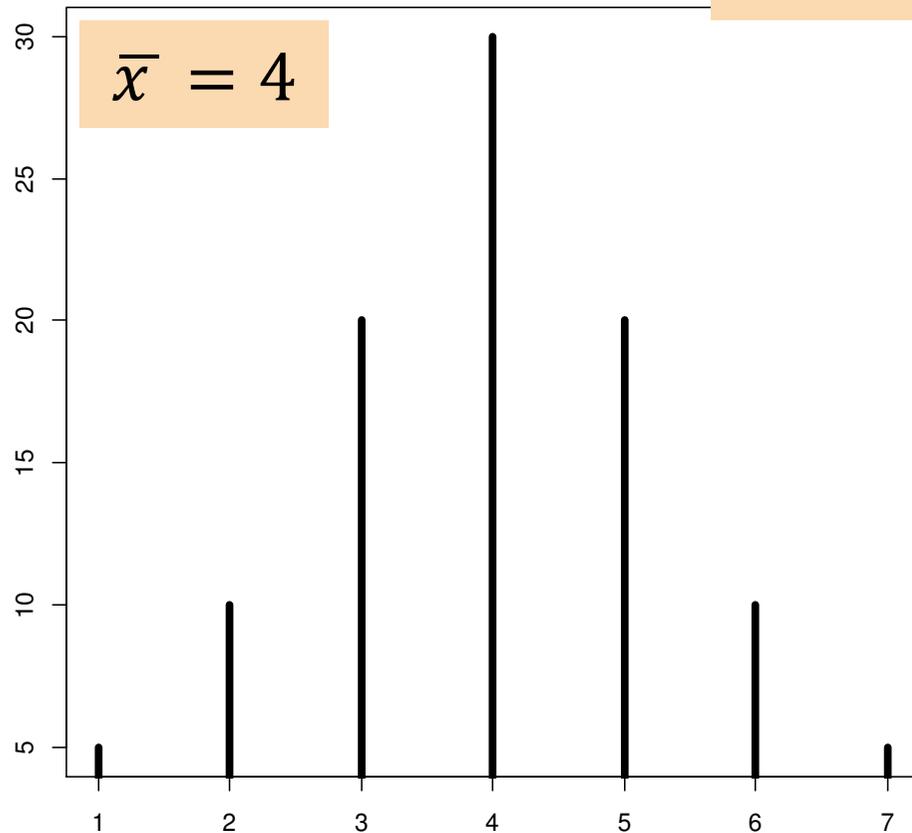
$$\bar{y} = 4$$

# (\*) da lez. 19/04

Tabella 2.12(a)

mediane pari a 4

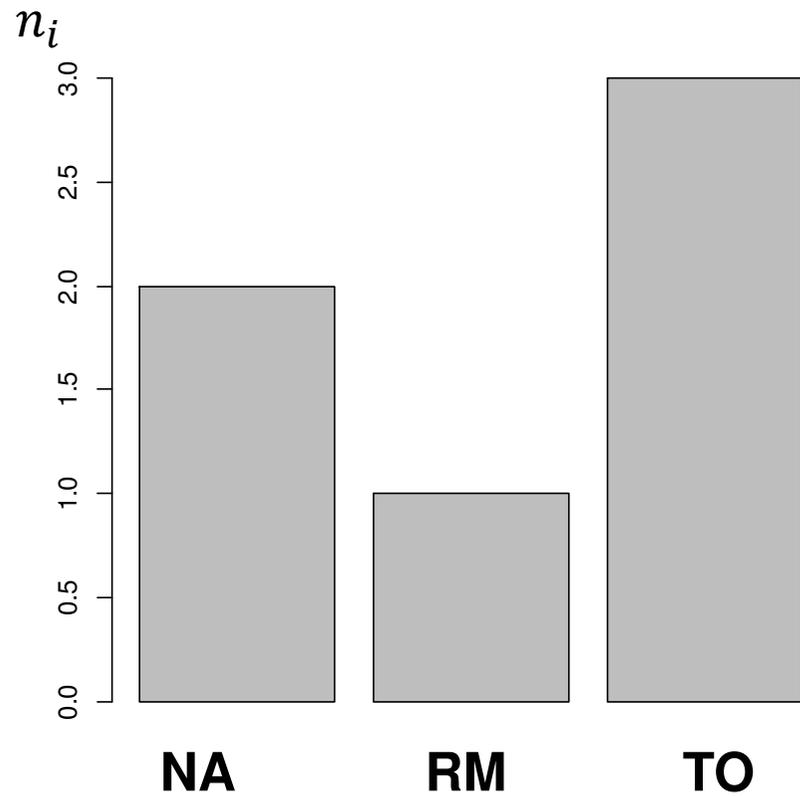
Tabella 2.12(b)



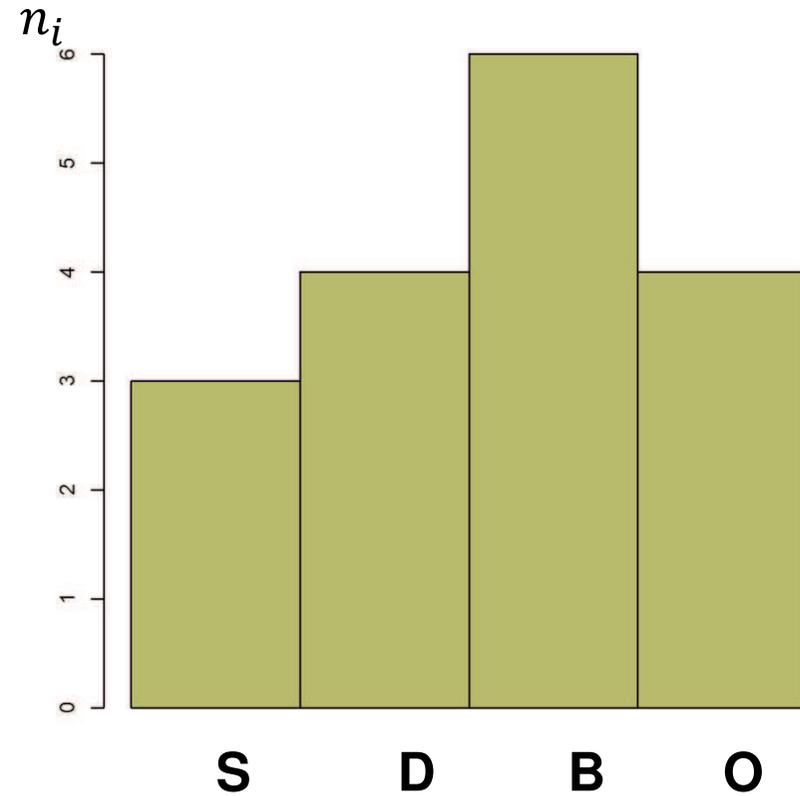
La media e la mediana coincidono sempre quando le distribuzioni di frequenze sono simmetriche!

# La moda

Provincia di residenza

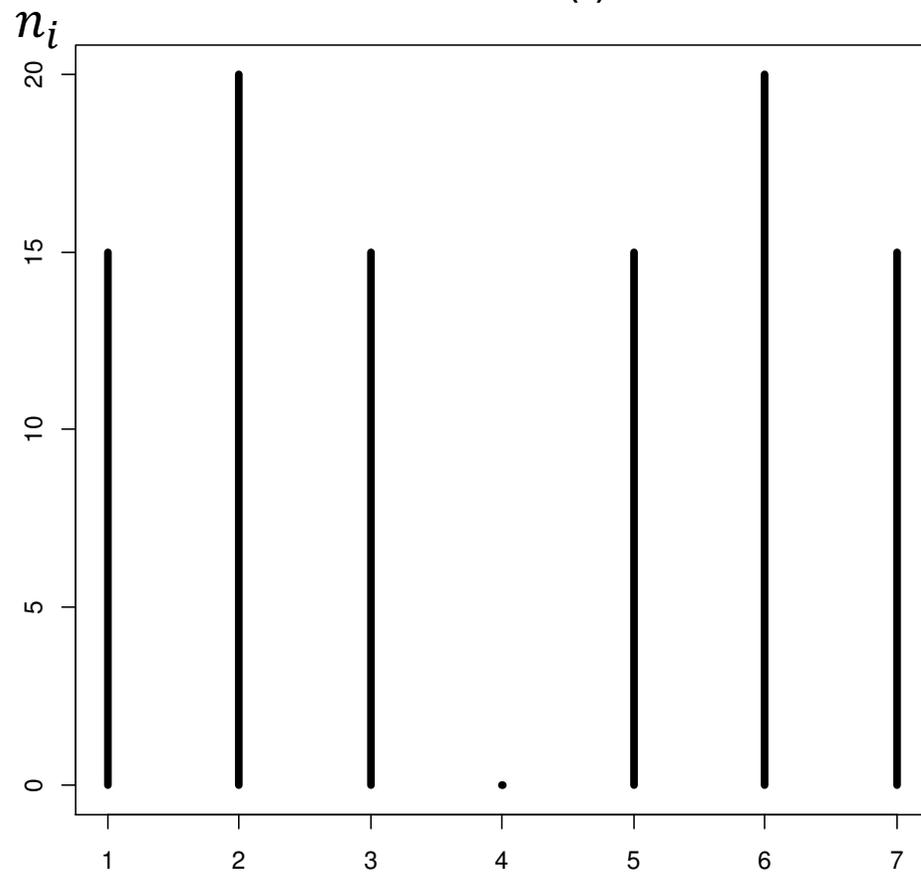


Rendimento scolastico

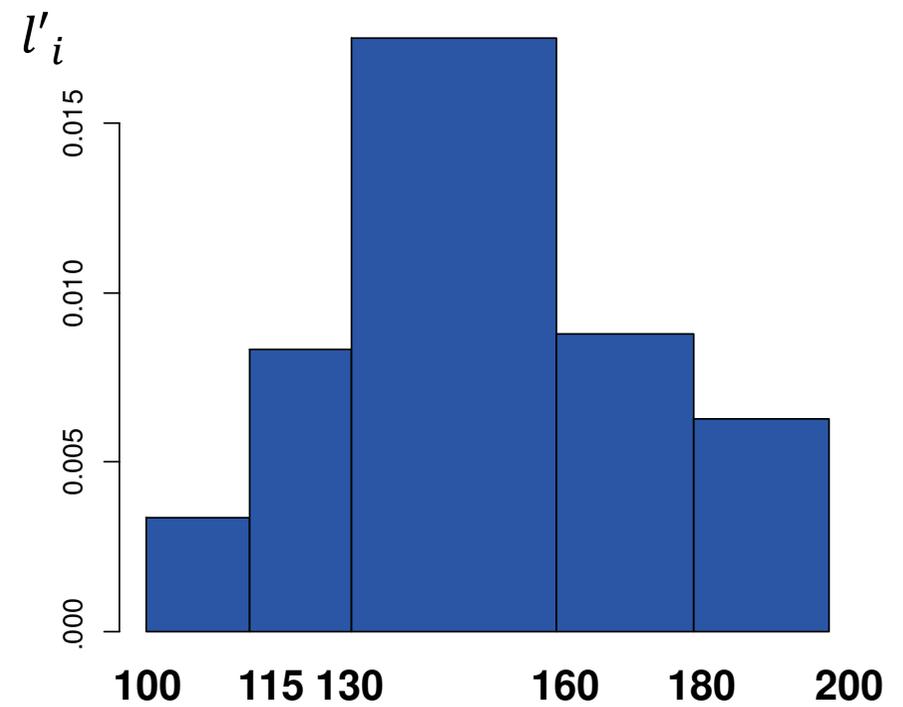


# La moda

Tabella 2.12(b)



Peso



# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

<b>5,</b>	<b>7,</b>	<b>7,</b>	<b>12,</b>	<b>6,</b>
<b>7,</b>	<b>15,</b>	<b>17,</b>	<b>12,</b>	<b>9,</b>
<b>13,</b>	<b>15,</b>	<b>8,</b>	<b>10,</b>	<b>11</b>

c) calcolare media e deviazione standard campionarie

# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

**5,      7,      7,      12,      6,**  
**7,      15,      17,      12,      9,**  
**13,      15,      8,      10,      11**

c) calcolare media e deviazione standard campionarie

$$\bar{x} = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^{15} x_i = 10.27$$

# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

<b>5,</b>	<b>7,</b>	<b>7,</b>	<b>12,</b>	<b>6,</b>
<b>7,</b>	<b>15,</b>	<b>17,</b>	<b>12,</b>	<b>9,</b>
<b>13,</b>	<b>15,</b>	<b>8,</b>	<b>10,</b>	<b>11</b>

c) calcolare media e deviazione standard campionarie

$$\bar{x} = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^{15} x_i = \mathbf{10.27}$$

varianza campionaria

$$s_n^2 = \frac{(5 - 10.27)^2 + (7 - 10.27)^2 + \dots + (11 - 10.27)^2}{14} =$$

perchè il campione è casuale!

# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

**5,      7,      7,      12,      6,**  
**7,      15,      17,      12,      9,**  
**13,      15,      8,      10,      11**

c) calcolare media e deviazione standard campionarie

$$\bar{x} = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^{15} x_i = 10.27$$

$$s_n^2 = \frac{1}{14} \sum_{i=1}^{15} (x_i - 10.27)^2 = 13.5 \Rightarrow s_n = \sqrt{13.5} = 3.67 \text{ minuti}$$

# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

5, 6, 7, 7, 7,  
8, 9, 10, 11, 12,  
12, 13, 15, 15, 17

d) Dall'analisi di un campione sul **numero di persone** in attesa nella pizzeria è risultato che **il numero medio di persone in attesa** è 2.3 con una deviazione standard di 1.23 persone. Quale dei due fenomeni (tempo e n. persone) è maggiormente variabile?

# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

5, 6, 7, 7, 7,  
8, 9, 10, 11, 12,  
12, 13, 15, 15, 17

d) Dall'analisi di un campione sul **numero di persone** in attesa nella pizzeria è risultato che **il numero medio di persone in attesa** è 2.3 con una deviazione standard di 1.23 persone. Quale dei due fenomeni (tempo e n. persone) è maggiormente variabile?

$$\bar{x} = 10.27, s_n = 3.67 \Rightarrow CV = \frac{3.67}{10.27} = 0.36 \quad \text{cfr.} \quad \frac{1.23}{2.3} = 0.53$$

# Esercizio 3

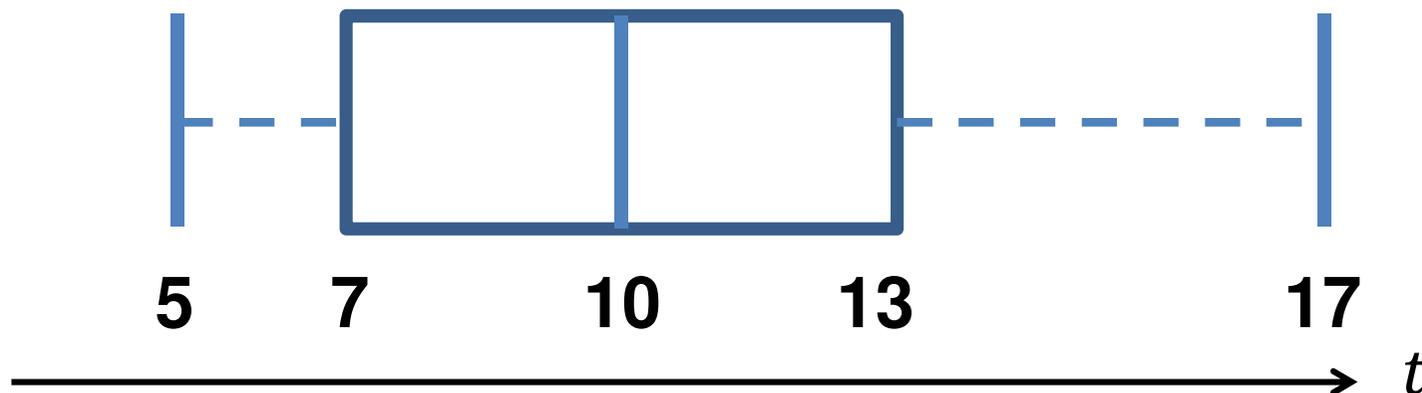
I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

5,	6,	7,	7,	7,
8,	9,	10,	11,	12,
12,	13,	15,	15,	17

$n = 15$

a) calcolare mediana e quartili, disegnare il box plot

$$1.5 \times (Q3 - Q1) = 1.5 \times (13 - 7) = 9$$



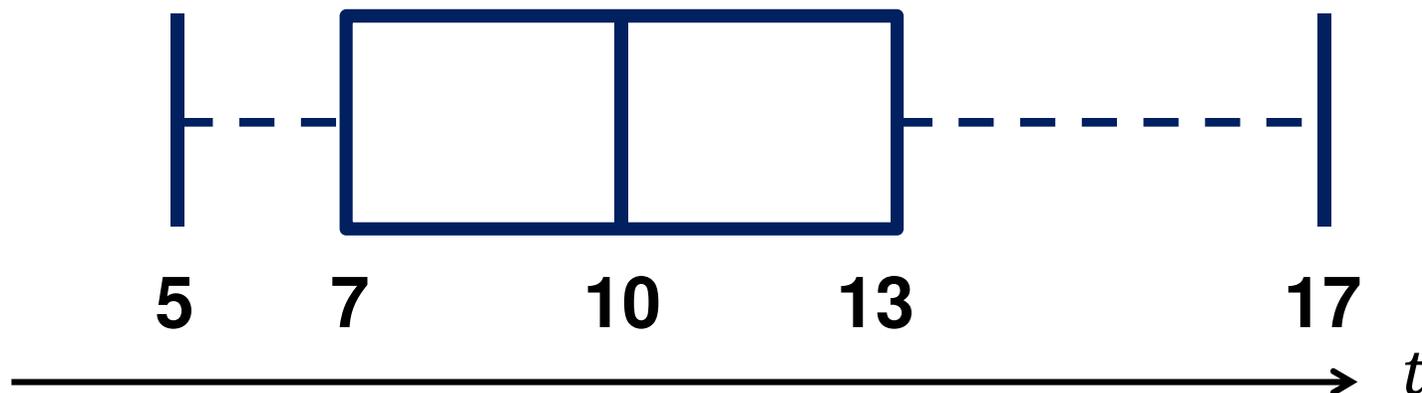
# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

**5,      6,      7,      7,      7,**  
**8,      9,      10,      11,      12,**  
**12,      13,      15,      15,      17**

b) come si modifica il boxplot se il tempo di attesa più lungo è 37, e non 17?

$$1.5 \times (Q3 - Q1) = 1.5 \times (13 - 7) = 9$$



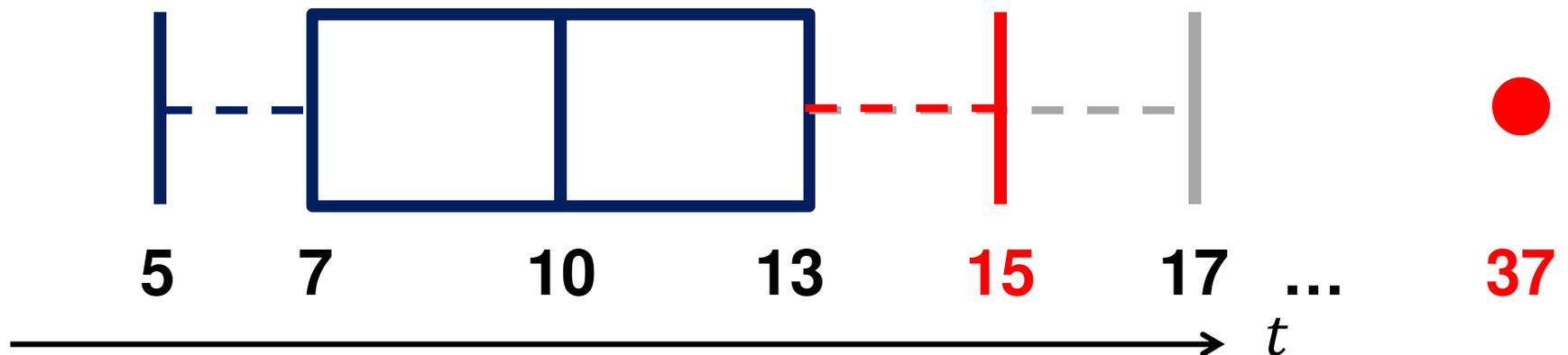
# Esercizio 3

I dati seguenti si riferiscono ad un campione casuale di tempi di attesa (in minuti) presso una certa pizzeria d'asporto:

**5,      6,      7,      7,      7,**  
**8,      9,      10,      11,      12,**  
**12,      13,      15,      15,      17**

b) come si modifica il boxplot se il tempo di attesa più lungo è 37, e non 17?

$$1.5 \times (Q3 - Q1) = 1.5 \times (13 - 7) = 9$$



# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$
(9, 12]	60
(12, 14]	360
(14, 18]	630
(18, 30]	150
<b>Tot.</b>	<b>1200</b>

- Calcolare la media e la varianza campionarie dell'età al primo parto.
- Rappresentare con un grafico opportuno la distribuzione di frequenza dell'età al primo parto.
- La distribuzione è unimodale?
- Disegnare il box-plot

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$y_i$	$n_i$
(9, 12]	<b>10.5</b>	60
(12, 14]	<b>13.0</b>	360
(14, 18]	<b>16.0</b>	630
(18, 30]	<b>24.0</b>	150
<b>Tot.</b>		<b>1200</b>

$$y_i = \frac{a_i + b_i}{2}$$

- a) Calcolare la media e la varianza campionarie dell'età al primo parto.

## Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$y_i$	$n_i$
(9, 12]	<b>10.5</b>	60
(12, 14]	<b>13.0</b>	360
(14, 18]	<b>16.0</b>	630
(18, 30]	<b>24.0</b>	150
<b>Tot.</b>		<b>1200</b>

a) Calcolare la media e la varianza campionarie dell'età al primo parto.

$$\bar{y} = \frac{10.5 \times 60 + \dots + 24.0 \times 150}{1200}$$
$$= 15.825$$

$$\bar{y} = \frac{1}{1200} \sum_{i=1}^4 (y_i \times n_i) = \sum_{i=1}^4 (y_i \times f_i)$$

# Esercizio 5

Età	$y_i$	$n_i$
(9, 12]	<b>10.5</b>	60
(12, 14]	<b>13.0</b>	360
(14, 18]	<b>16.0</b>	630
(18, 30]	<b>24.0</b>	150
<b>Tot.</b>		<b>1200</b>

$$\bar{y} = \frac{10.5 \times 60 + \dots + 24.0 \times 150}{1200} = \mathbf{15.825}$$

$$\bar{s}_n^2 = \frac{60(10.5 - 15.825)^2 + \dots + 150(24 - 15.825)^2}{1199} = 12.192$$

$$\bar{s}_n^2 = \frac{1}{1199} \sum_{i=1}^4 n_i (y_i - 15.825)^2$$

varianza campionaria

# Esercizio 5

Età	$y_i$	$n_i$
(9, 12]	<b>10.5</b>	60
(12, 14]	<b>13.0</b>	360
(14, 18]	<b>16.0</b>	630
(18, 30]	<b>24.0</b>	150
<b>Tot.</b>		<b>1200</b>

$$\bar{y} = \frac{10.5 \times 60 + \dots + 24.0 \times 150}{1200} = \mathbf{15.825}$$

$$\bar{s}_n^2 = \frac{60(10.5 - 15.825)^2 + \dots + 150(24 - 15.825)^2}{1199} = 12.192$$

$$\Rightarrow \bar{s}_n = \sqrt{12.192} = 3.492 \text{ anni}$$

dev. standard campionaria

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$
(9, 12]	60
(12, 14]	360
(14, 18]	630
(18, 30]	150
<b>Tot.</b>	<b>1200</b>

b) Rappresentare con un grafico opportuno la **distribuzione di frequenza** dell'età al primo parto.

# Esercizio 5

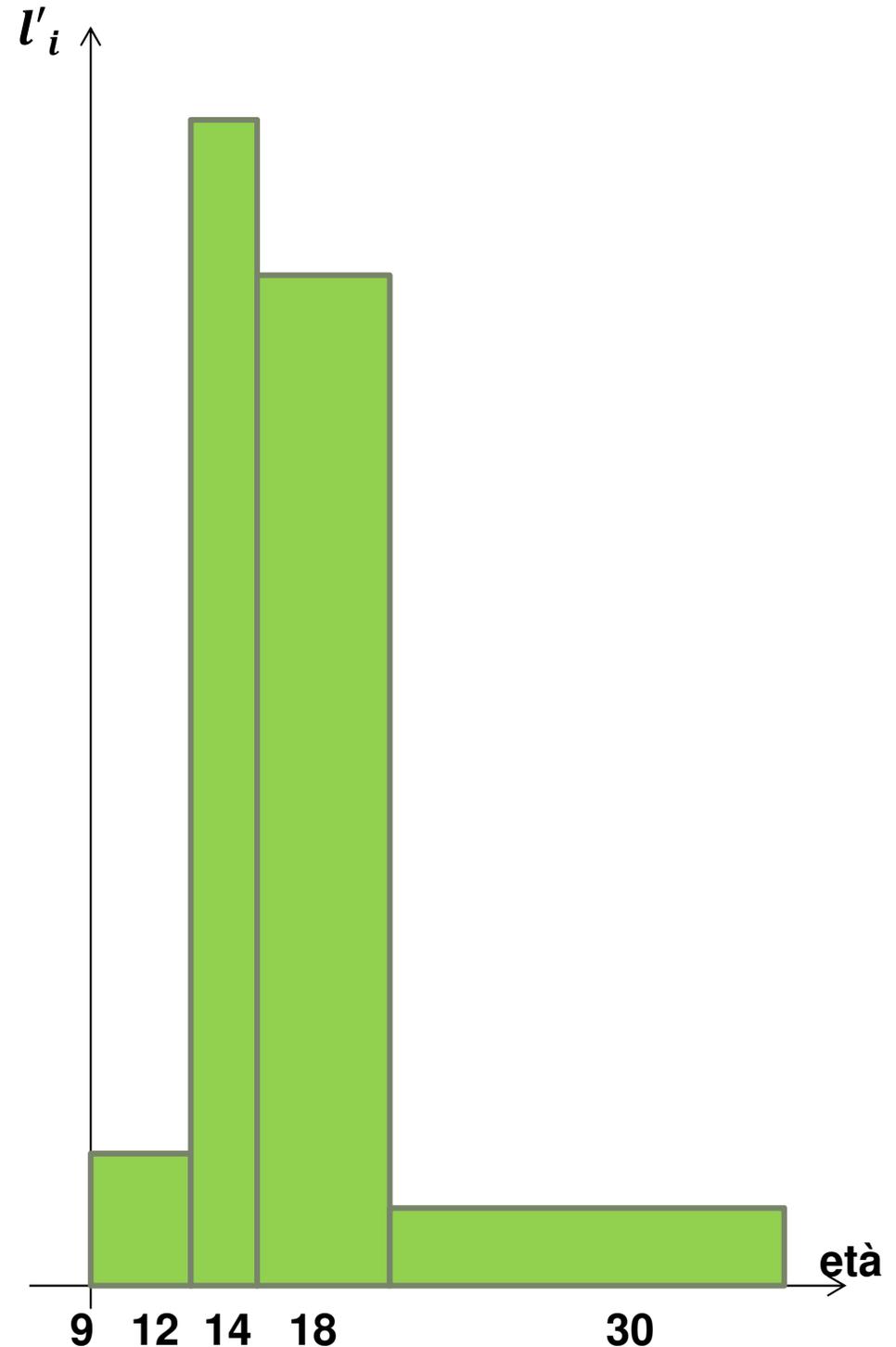
Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$a_i$	$n_i$	$f_i$	$l'_i$
(9, 12]	3	60	0.05	0.017
(12, 14]	2	360	0.30	0.150
(14, 18]	4	630	0.525	0.131
(18, 30]	12	150	0.125	0.010
<b>Tot.</b>		<b>1200</b>		

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un progetto in un paese asiatico ha selezionato alcune donne di cui ha rilevato l'età al momento del parto. I seguenti dati, per classi:

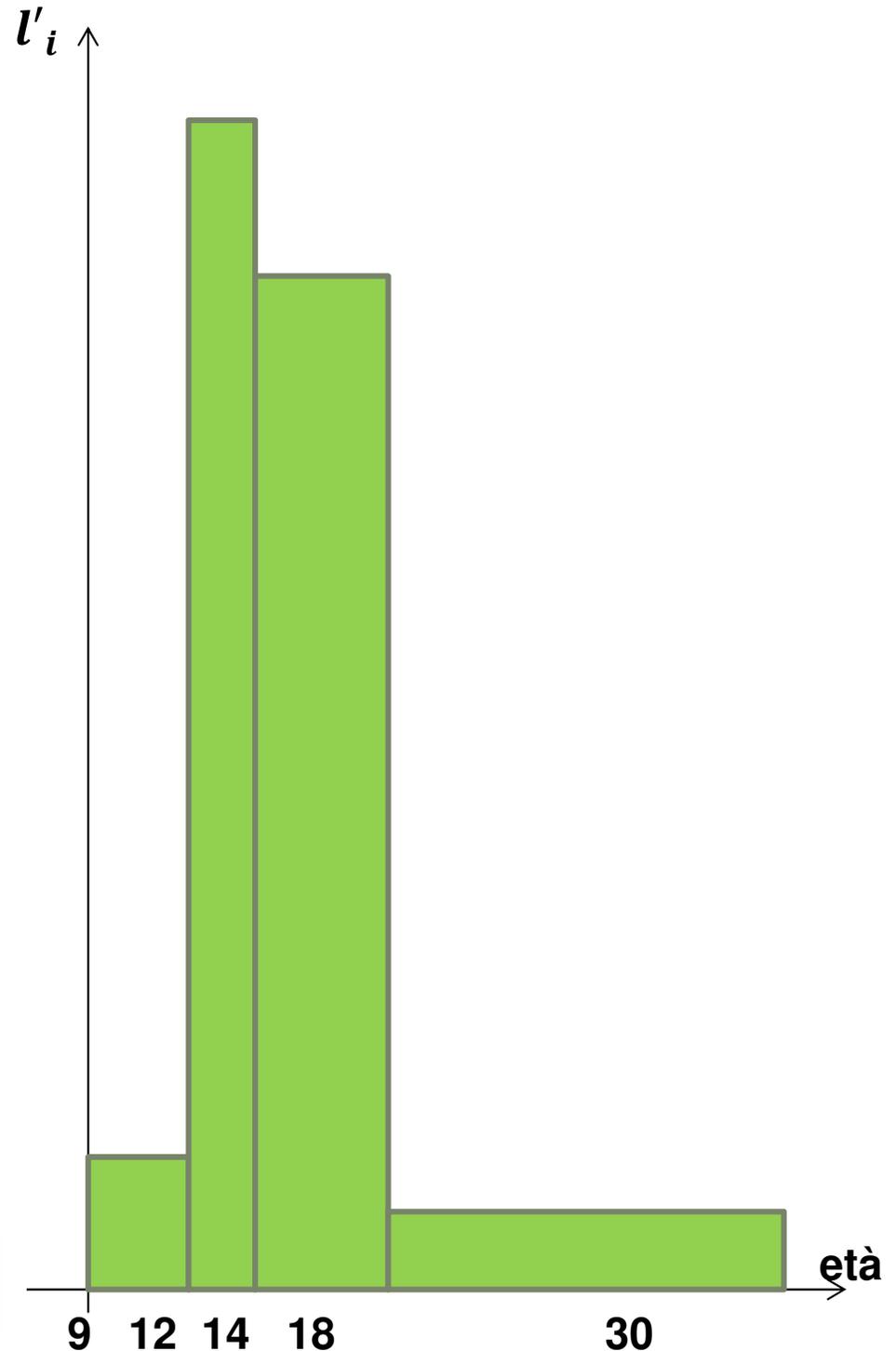
Età	$l'_i$
(9, 12]	0.017
(12, 14]	0.150
(14, 18]	0.131
(18, 30]	0.010
<b>Tot.</b>	



# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un progetto in un paese asiatico ha selezionato alcune donne di cui ha rilevato l'età al momento del parto. I seguenti dati, per classi:

Età	$l'_i$
(9, 12]	0.017
(12, 14]	0.150
(14, 18]	0.131
(18, 30]	0.010
<b>Tot.</b>	



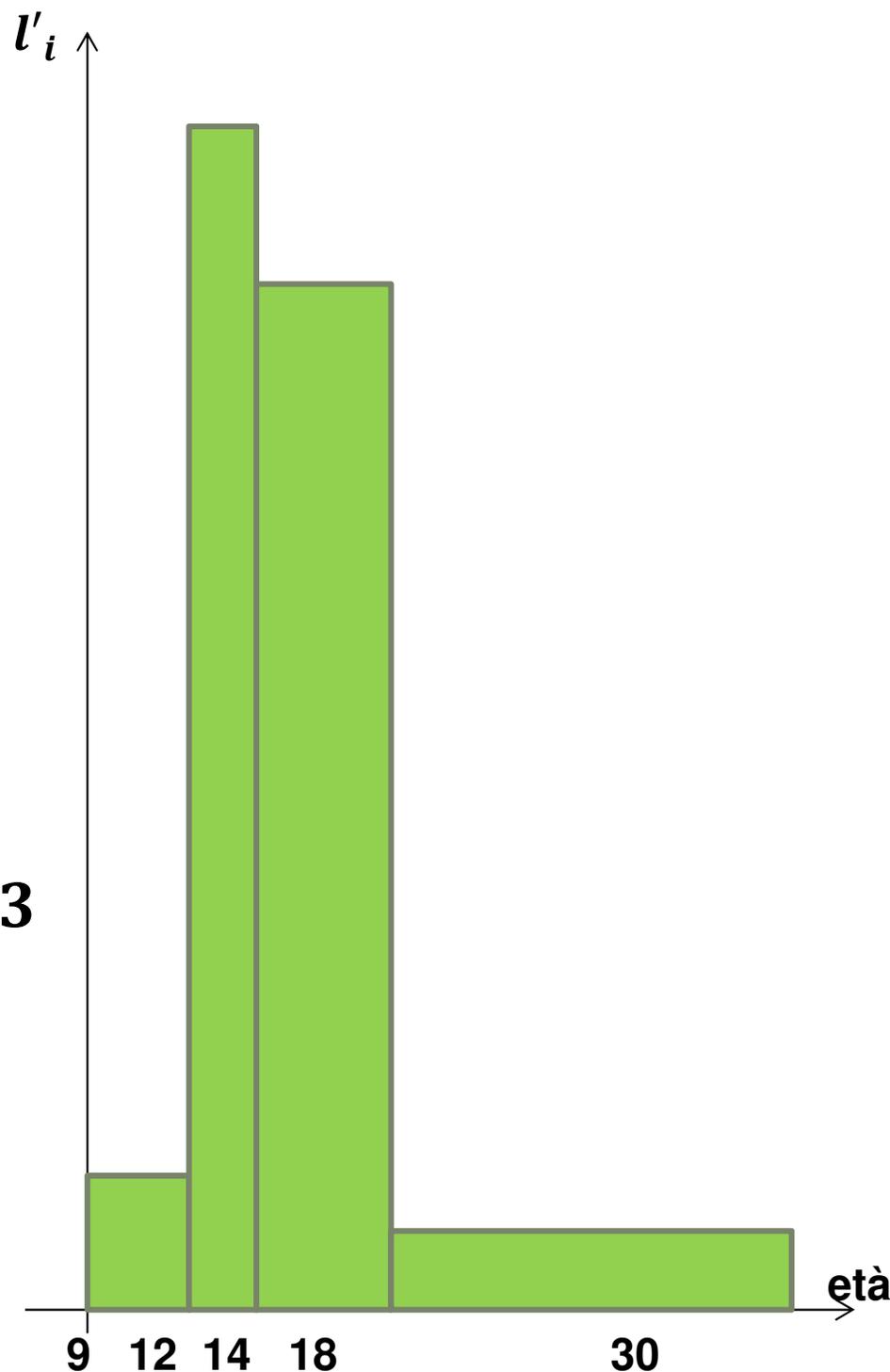
c) La distribuzione è unimodale?

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un progetto in un paese asiatico ha selezionato alcune donne di cui ha rilevato l'età al momento del parto. I seguenti dati, per classi:

Età	$l'_i$
(9, 12]	0.017
(12, 14]	0.150
(14, 18]	0.131
(18, 30]	0.010
<b>Tot.</b>	

$$\frac{12 + 14}{2} = 13$$



c) La distribuzione è unimodale?

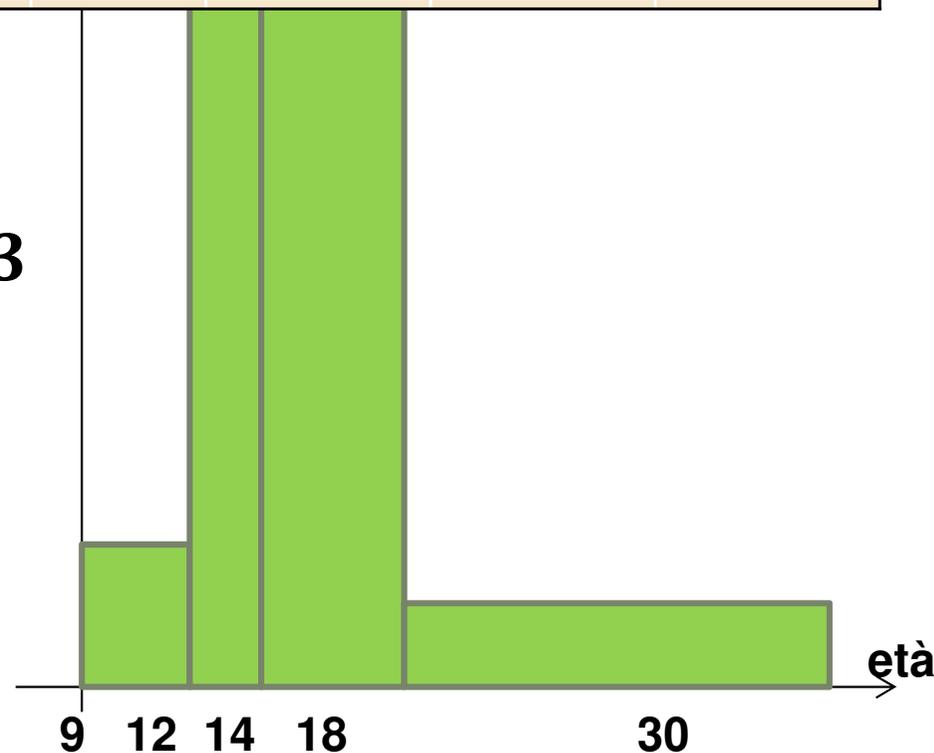
# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un paese asiatico ha selezionato 1200 donne di cui ha rilevato le seguenti dati, per classi:

Età	$a_i$	$n_i$	$f_i$	$l'_i$
(9, 12]	3	60	0.05	0.017
(12, 14]	2	360	0.30	0.150
(14, 18]	4	630	0.525	0.131
(18, 30]	12	150	0.125	0.010
Tot.		1200		

Età	$l'_i$
(9, 12]	0.017
(12, 14]	0.150
(14, 18]	0.131
(18, 30]	0.010
Tot.	

$$\frac{12 + 14}{2} = 13$$



c) La distribuzione è unimodale?

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$
(9, 12]	60
(12, 14]	360
(14, 18]	630
(18, 30]	150
<b>Tot.</b>	<b>1200</b>

d) Disegnare il boxplot

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$	$N_i$
(9, 12]	60	60
(12, 14]	360	420
(14, 18]	630	1050
(18, 30]	150	1200
<b>Tot.</b>	<b>1200</b>	

d) Disegnare il boxplot

$$\frac{n}{4} = 300, \frac{n}{2} = 600, \frac{3n}{4} = 900$$

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$	$N_i$
(9, 12]	60	60
(12, 14]	360	420
(14, 18]	630	1050
(18, 30]	150	1200
<b>Tot.</b>	<b>1200</b>	

d) Disegnare il boxplot

$$\frac{n}{4} = 300, \frac{n}{2} = 600, \frac{3n}{4} = 900$$

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$	$N_i$
(9, 12]	60	60
(12, 14]	360	420
(14, 18]	630	1050
(18, 30]	150	1200
Tot.	1200	

d) Disegnare il boxplot

$$\frac{n}{4} = 300, \frac{n}{2} = 600, \frac{3n}{4} = 900$$

$$Q1: 12 + \frac{2}{360} \times (300 - 60) = 13.333$$

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$	$N_i$
(9, 12]	60	60
(12, 14]	360	420
(14, 18]	630	1050
(18, 30]	150	1200
Tot.	1200	

d) Disegnare il boxplot

$$\frac{n}{4} = 300, \frac{n}{2} = \mathbf{600}, \frac{3n}{4} = 900$$

$$Q2: \mathbf{14} + \frac{4}{630} \times (\mathbf{600} - 420) = \mathbf{15.143}$$

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$	$N_i$
(9, 12]	60	60
(12, 14]	360	420
(14, 18]	630	1050
(18, 30]	150	1200
Tot.	1200	

d) Disegnare il boxplot

$$\frac{n}{4} = 300, \frac{n}{2} = 600, \frac{3n}{4} = 900$$

$$Q3: 14 + \frac{4}{630} \times (900 - 420) = 17.048$$

# Esercizio 5

Una ONG impegnata in un programma di aiuti allo sviluppo in un paese asiatico ha selezionato un campione casuale di 1200 donne di cui ha rilevato l'età al primo parto, ottenendo i seguenti dati, per classi:

Età	$n_i$
(9, 12]	60
(12, 14]	360
(14, 18]	630
(18, 30]	150
Tot.	1200

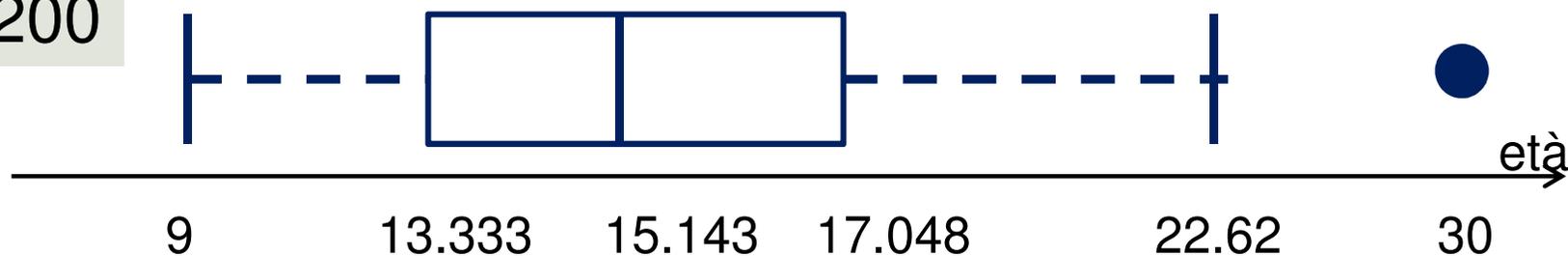
$Q1: 13.333$

$Q2: 15.143$

$Q3: 17.048$

d) Disegnare il boxplot

➔  $1.5 \times (Q3 - Q1) = 5.572$



# Esercizio 2

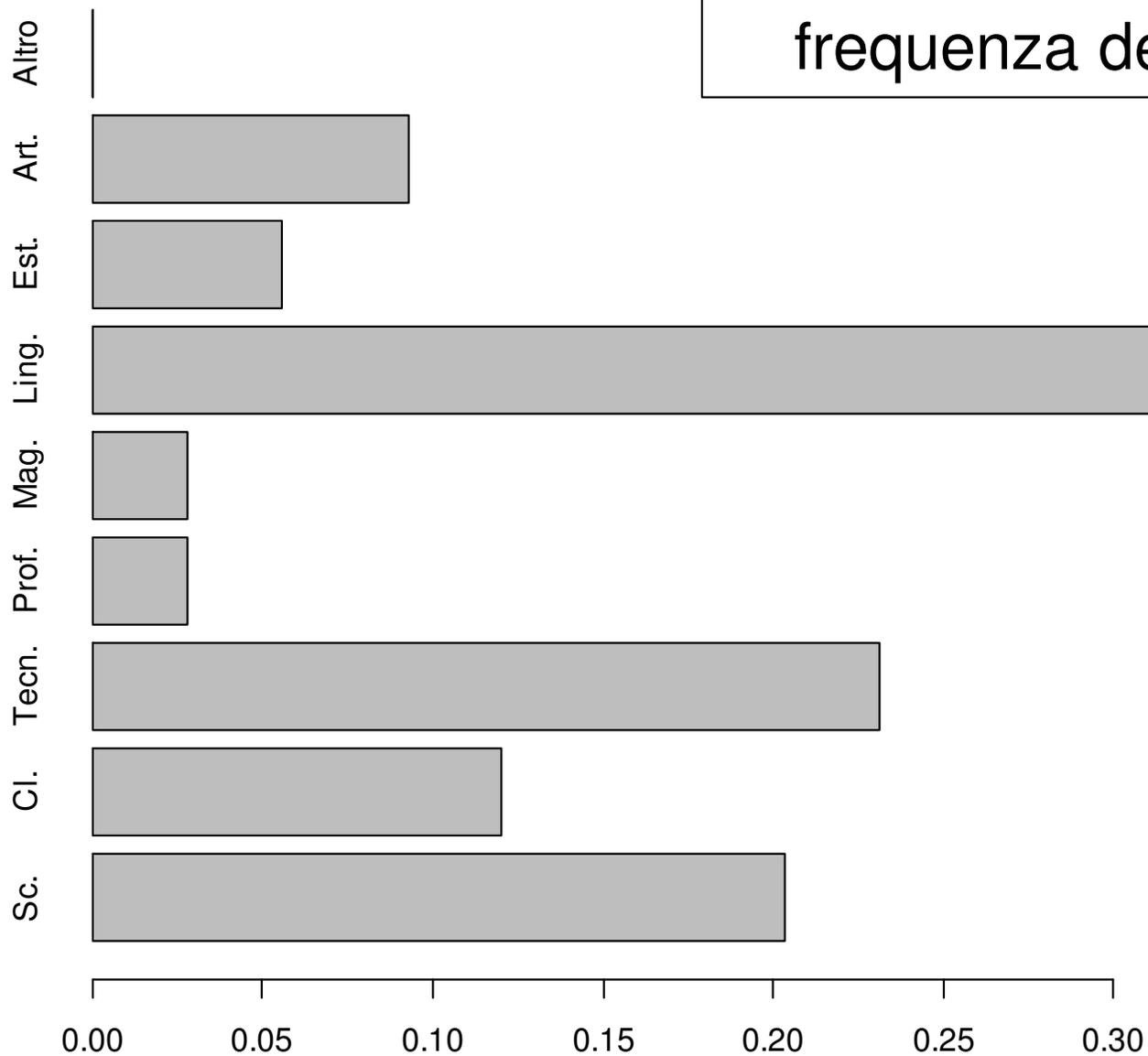
I 108 studenti di un certo corso di Statistica hanno il Diploma di maturità come indicato dalla seguente tabella:

<b>Diploma di maturità:</b>	<b>N</b>	<b>%</b>
Maturita' Scientifica	22	20,37%
Maturita' Classica	13	12,04%
Mat.Tecnica	25	23,15%
Mat.Professionale	3	2,78%
Mat.Magistrale	3	2,78%
Mat.Linguistica	35	32,41%
Mat.Estera	6	5,56%
Mat.Artistica	1	0,93%
Altro	0	0,00%
<b>Totale</b>	<b>108</b>	<b>100,00%</b>

- Rappresentare opportunamente la distribuzione di frequenza del Diploma;
- Determinare, se possibile, moda, media e mediana della variabile.

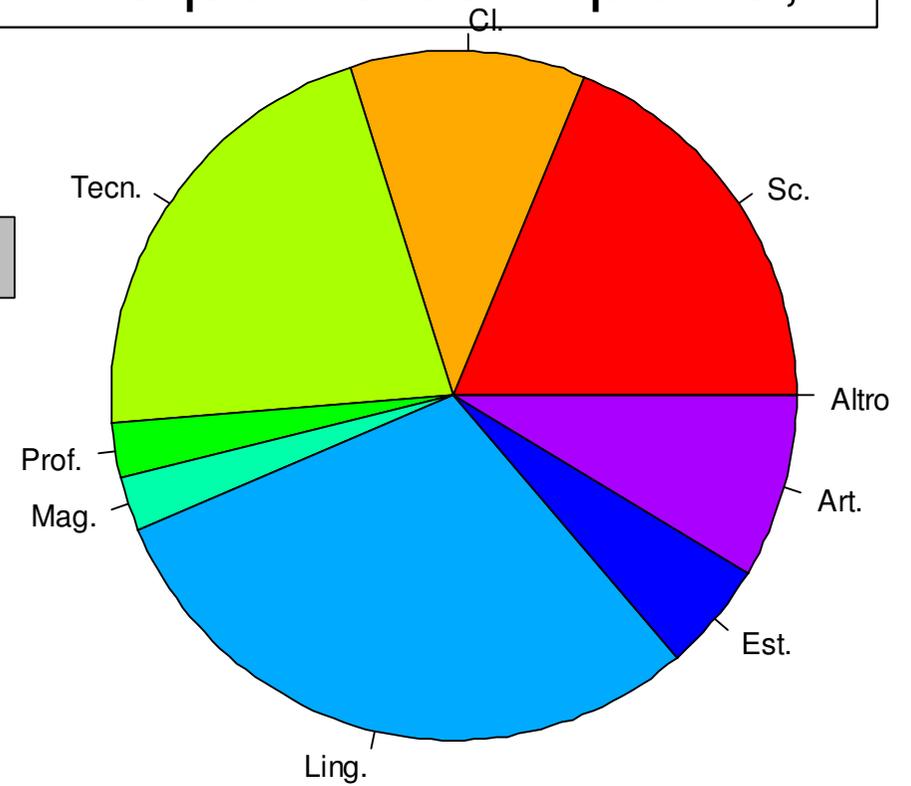
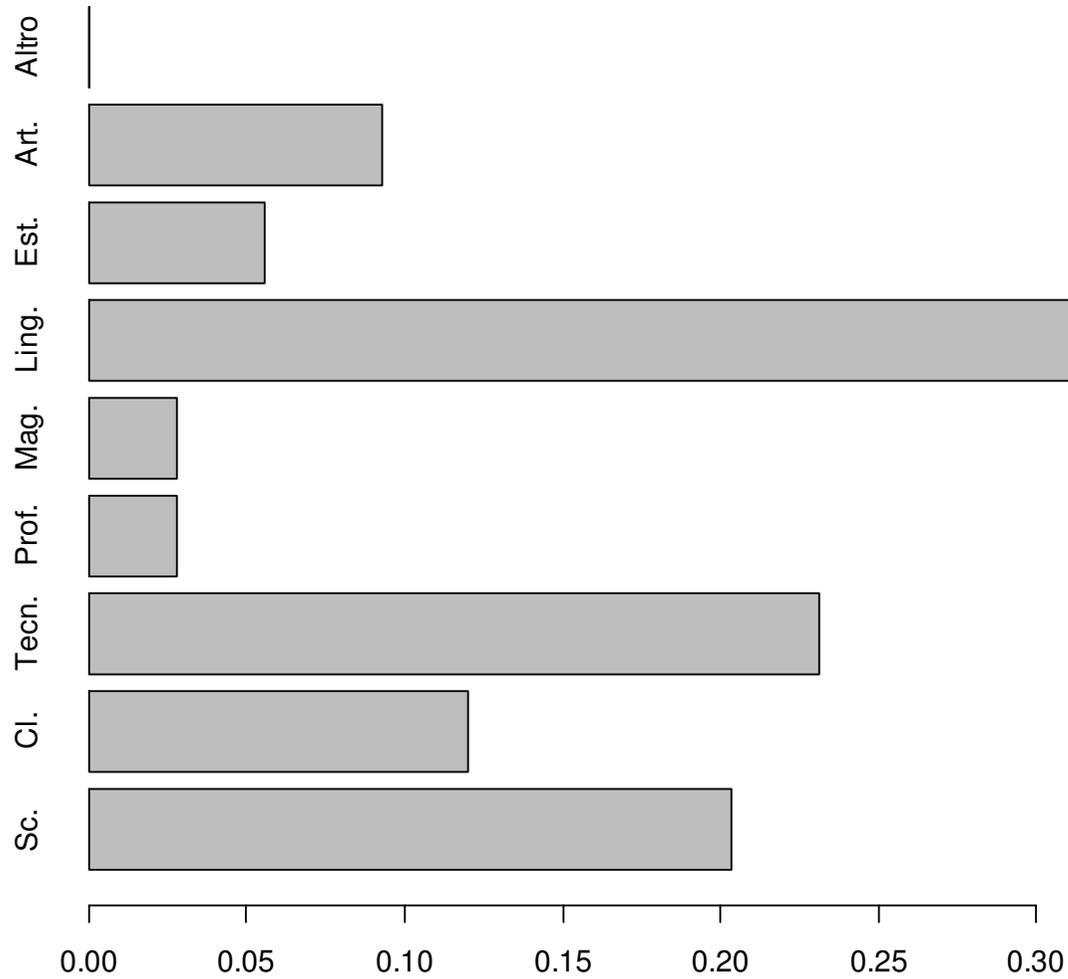
# Esercizio 2

a) Rappresentare opportunamente la distribuzione di frequenza del Diploma;



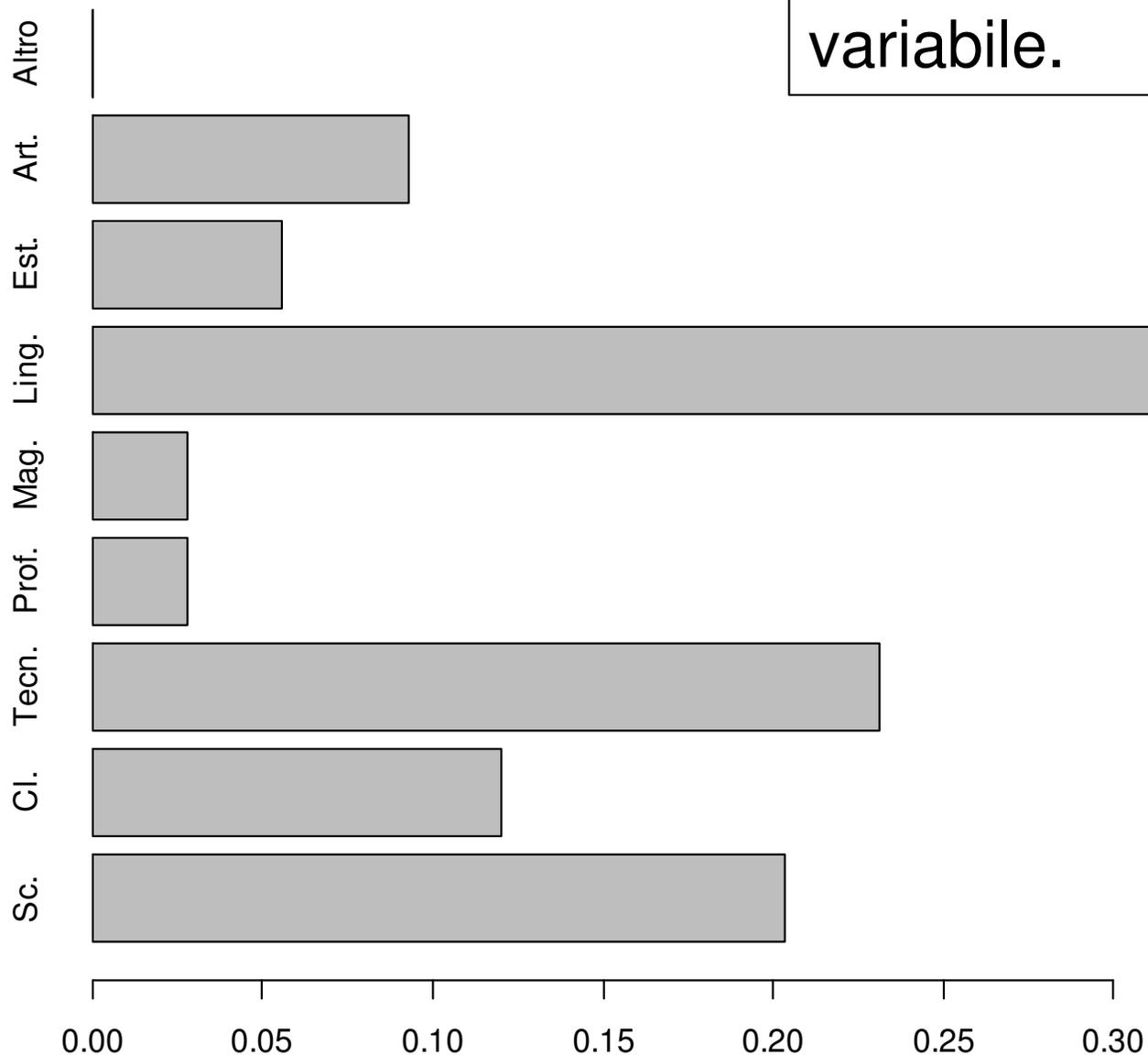
# Esercizio 2

a) Rappresentare opportunamente la distribuzione di frequenza del Diploma;



# Esercizio 2

b) Determinare, se possibile, moda, media e mediana della variabile.



# Esercizio 2

b) Determinare, se possibile, **moda**, ~~media~~ ~~e mediana~~ della variabile.

